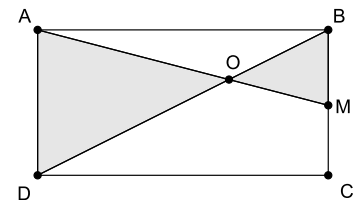


## Découverte de GeoGebra – Études de situations géométriques

*Ne pas se lancer tête baissée dans la reproduction de la figure ou de l'impression d'écran ci-dessous ! Il faut suivre les questions une à une.*

Soit  $ABCD$  un rectangle tel que  $AB = 4$  et  $AD = 2$  et  $M$  un point du segment  $[BC]$ . Soit  $O$  le point d'intersection des droites  $(AM)$  et  $(BD)$ .

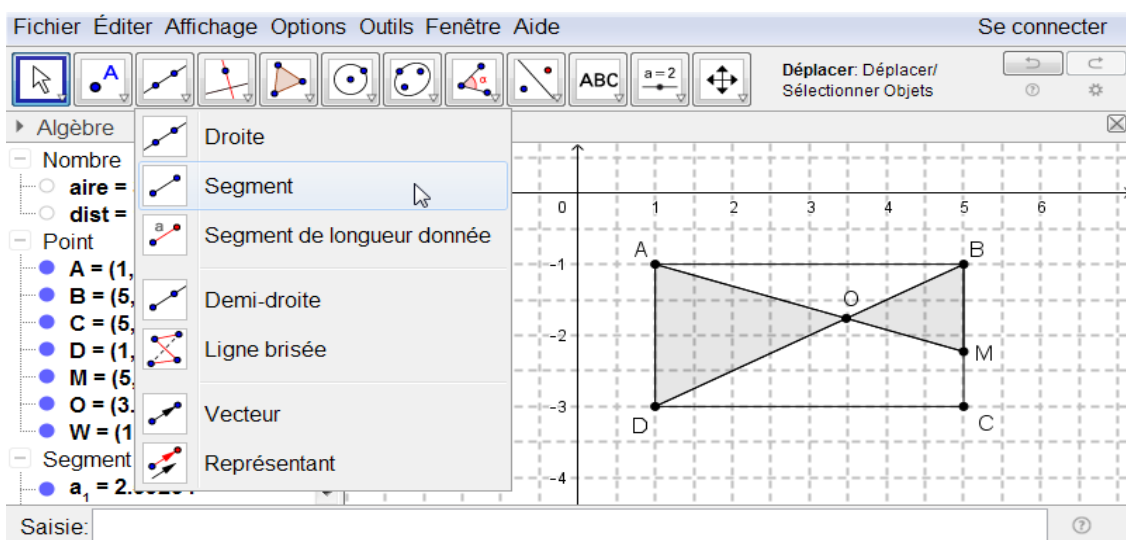



On cherche à résoudre le problème suivant : **pour quelle position du point  $M$  l'aire grisée est-elle minimale ?**

### 1. Figure avec GeoGebra et conjectures

Ouvrir le logiciel GeoGebra. La fenêtre se divise en plusieurs zones :

- le menu ;
- la barre d'outils qui permet de sélectionner les objets à construire ;
- la fenêtre algèbre (bandeau de gauche) où sont consignés tous les objets construits (points, segments, variables...) ;
- la fenêtre graphique où apparaît la figure ;
- la zone de saisie où l'on peut définir des objets par des commandes.

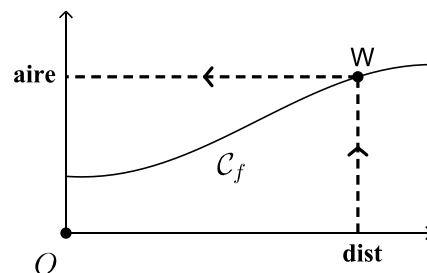


1. Afficher la grille en cliquant avec le bouton droit de la souris sur une zone blanche de la figure.
2. Créer les points  $A$ ,  $B$ ,  $C$  et  $D$  avec la souris dans le même ordre que la figure ci-dessus. **On prendra pour  $A$  le point de coordonnées  $(1; -1)$ .** Si les points ne sont pas placés à la souris dans cet ordre, il est possible de les renommer par la suite en cliquant avec le bouton droit de la souris sur ces points et en choisissant « renommer ».
3. Créer les segments  $[AB]$ ,  $[BC]$ ,  $[CD]$  et  $[DA]$ . On utilisera le petit triangle pour dérouler les menus (et sélectionner ici l'outil « segment »). Remarque que GeoGebra donne à ces segments des noms ( $a, b, c, d$ ) et affiche leur longueur dans la fenêtre algèbre. 
4. Créer le point  $M$  **sur le segment  $[BC]$**  : après avoir sélectionné l'outil « point », approcher la souris du segment  $[BC]$  jusqu'à ce qu'il devienne plus gras. À ce moment-là, cliquer. Le point  $M$  est alors placé sur le segment  $[BC]$ .  
S'assurer que le point est bien sur  $[BC]$  en utilisant l'outil « déplacer ».

- Construire le point  $O$  (outil « intersection » après avoir tracé les deux segments nécessaires...), puis les triangles  $AOD$  et  $BOM$  avec l'outil « polygone ». Lorsque l'on construit des polygones, GeoGebra crée des variables  $t1, t2...$  (pour les triangles),  $q1, q2...$  (pour les quadrilatères) qui contiennent leur aire.
- Donner le nom de variable qui contient la distance  $BM$  : . . . . La renommer **dist**.
- Régler l'affichage des nombres à 5 décimales après la virgule (menu « options/arrondis »).
- Définir la variable **aire**, somme des aires de  $AOD$  et  $BOM$ , en tapant dans la zone de saisie  $aire=t1+t2$   
Déplacer le point  $M$  sur  $[BC]$  et observer les variations de **aire**.  
Quelle semble être une valeur approchée de la valeur minimale de **aire** ? . . . . .  
Pour quelle valeur de **dist** est-elle obtenue ? . . . . .  
Il est nécessaire de zoomer pour effectuer un placement minutieux du point  $M$ .

- On va construire la courbe représentative de la fonction  $f: dist \mapsto aire$ .

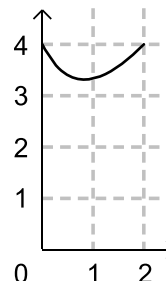
Pour cela il faut se rappeler ce qu'est la courbe représentative d'une fonction ! C'est l'ensemble des points  $W$  de coordonnées  $(dist; aire)$  lorsque **dist** prend toutes les valeurs de son ensemble de définition (c'est-à-dire dans le cas présent lorsque  $M$  se déplace sur  $[BC]$ ).



Il suffit donc de taper  $W=(dist, aire)$  dans la zone de saisie pour créer un point  $W$  de  $C_f$ . Lorsque l'on déplace  $M$ , le point  $W$  se déplace sur  $C_f$ .

Il reste à activer la trace du point  $W$  (par clic droit dessus) pour que se dessine  $C_f$  au fur et à mesure que l'on déplace  $M$ . Il pourra être nécessaire de désactiver la capture automatique des points (menu « options ») pour obtenir un tracé « sans trous ».

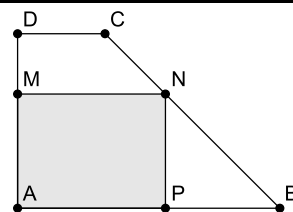
- Pour pallier le problème des traces qui s'effacent lorsque l'on zoome, on peut utiliser l'outil « lieu » ; après l'avoir sélectionné, cliquer sur  $W$  puis sur  $M$ . GeoGebra dessine alors l'ensemble des points que décrit  $W$  lorsque  $M$  se déplace partout où il peut se déplacer, comme on l'a fait précédemment « à la main ». La courbe de  $f$  apparaît avec précision. On pensera à désactiver la trace du point  $W$  pour plus de clarté.



Tracer la courbe de la fonction  $g$  définie par  $g(x) = \frac{2x^2+8}{x+2}$ . Que remarque-t-on ?  
.....

## 2. D'autres situations

- $ABCD$  est un trapèze rectangle tel que  $AB = 6$ ,  $CD = 2$  et  $AD = 4$ . Soit  $M$  un point du segment  $[AD]$ . On construit le rectangle  $AMNP$  inscrit dans le trapèze, avec  $N \in [CP]$  et  $P \in [AB]$ . Construire la figure et représenter graphiquement l'aire du rectangle en fonction de  $AM$ .



- On considère un rectangle  $ABCD$  avec  $AB = 3$  et  $BC = 4$ . Les points  $M, N, P, Q$  appartiennent respectivement aux côtés  $[AB], [BC], [CD], [DA]$  de telle sorte que  $AM = BN = CP = DQ$ . Construire la figure de façon à ce que  $M$  soit mobile puis représenter graphiquement le périmètre du quadrilatère  $MNPQ$  en fonction de  $AM$ .

